



Фиг. 4

синтезаторе они вводятся соответственно методу Фланагана [4, 1]. Рекомендуется использовать генератор основного тона голоса T (см. фиг. 4) с флуктуирующим периодом, получающимся с помощью шумового генератора Ш. При таких флуктуациях существенно уменьшается пикфактор сигнала и, следовательно, нелинейные искажения.

ЛИТЕРАТУРА

1. М. А. Сапожков. О некоторых путях улучшения качества синтезируемой речи. Акуст. ж., 1971, 17, 4, 605–609.
2. Дж. Фланаган. Анализ, синтез и восприятие речи. М., «Связь», 1968.
3. А. А. Пирогов. Синтетическая телефония. М., Связьиздат, 1963.
4. J. L. Flanagan. Speech analysis, synthesis and perception. 2-d, N. Y., 1972.
5. Н. в. Helmholtz. Die Lehre von Tonempfindungen, Berlin, 1862.
6. С. Н. Ржевкин. Слух и речь в свете современных физических исследований. М., ОНТИ НКПТ СССР, 1936.

Московский электротехнический институт связи

Поступила
2 марта 1973 г.

УДК 534.222.2

ОБ ОЦЕНКЕ СКОРОСТИ АКУСТИЧЕСКИХ ТЕЧЕНИЙ ПРИ БОЛЬШИХ УРОВНЯХ ЗВУКОВОГО ДАВЛЕНИЯ

Ю. Г. Статников, Н. Л. Широкова

Как известно [1], потоки, вызываемые звуком, описываются следующими уравнениями:

$$\frac{\partial U}{\partial t} + (U \nabla) U = - \frac{\nabla p}{\rho_0} + \nu \Delta U + F, \quad \nabla U = 0, \quad (1)$$

где U — скорость потока, p и ρ_0 — постоянные составляющие давления и плотности среды, ν — кинематическая вязкость среды, F — сила, вызывающая поток:

$$F = - (\mathbf{V}_A \nabla) \mathbf{V}_A + \frac{1}{\rho_0^2} [\rho_A \nabla p_A - \eta \rho_A \Delta \mathbf{V}_A], \quad (2)$$

где \mathbf{V}_A , ρ_A , p_A — переменные составляющие скорости, плотности и давления, которые могут быть определены на основе уравнений акустики:

$$\frac{\partial \mathbf{V}_A}{\partial t} + (\mathbf{V}_A \nabla) \mathbf{V}_A = - \frac{\nabla p_A}{\rho_0} + \nu \Delta \mathbf{V}_A, \quad \frac{\partial \rho_A}{\partial t} + \rho_0 \nabla \mathbf{V}_A = 0.$$

Следует заметить, что уравнение (1) с силой F , определяемой по формуле (2), получается из уравнений Навье – Стокса, с помощью метода Шредингера – Капицы при условии $U < c$ и $V_A < c$, где c – скорость звука в среде.

Найти точное решение уравнения (1) для волны конечной амплитуды сложно из-за нелинейности уравнения, а также из-за отсутствия или математической громоздкости выражения для V_A [2]. Однако в некоторых практических задачах интересно и важно оценить величину скорости акустических потоков. Так, при исследовании акустической коагуляции аэрозолей встает вопрос о потоках, развивающихся вокруг препятствий, когда амплитуда смещения в среде A превосходит размер препятствия a . В этом случае невозможно найти выражение для V_A , так как условие $A/a > 1$ равносильно условию $(V_A \nabla) V_A > \partial V_A / \partial t$. Однако величину скорости акустического течения можно оценить, не находя точного вида силы F и не решая уравнения (1). Покажем это на примерах.

Поскольку $F \sim (V_A \nabla) V_A$, для плоской звуковой волны $F \sim \alpha_n V_0^2$, где V_0 – колебательная скорость в звуковой волне, α_n – коэффициент затухания пилообразной волны, $\alpha_n = \alpha_0 \text{Re}_{\text{ак}}$, α_0 – малоамплитудный коэффициент затухания, $\text{Re}_{\text{ак}}$ – акустическое число Рейнольдса. Для цилиндра и сферы, находящихся в звуковом поле, $F \sim V_0^2/a$.

Теперь оценим скорости акустических течений исходя из формулы (1). Рассмотрим два случая: $\text{Re}_{\text{пот}} < 1$ и $\text{Re}_{\text{пот}} > 1$, где $\text{Re}_{\text{пот}}$ – потоковое число Рейнольдса. Если потоковое число Рейнольдса мало, то для стационарного потока уравнение (1) переходит в

$$-\frac{\nabla p}{\rho_0} + \nu \Delta U + F = 0$$

и скорость акустического течения может быть определена из следующей оценки. $\nu U/x^2 \sim F$, где x – характерный параметр изменения скорости. Следовательно, $U \sim Fx^2/\nu$. Используя оценку F для плоской волны, получаем $U \sim V_0^2 \alpha_n x^2 \nu^{-1}$, где x – радиус поршня. Поскольку $\alpha_n = \alpha_0 \text{Re}_{\text{ак}}$, $U \sim V_0^3$, что совпадает с результатом, полученным на основе точного решения уравнения (1) [3]. Если $\text{Re}_{\text{ак}} < 1$, то для плоской волны $\alpha_n = \alpha_0$ и $U \sim V_0^2$ – случай эккартовского течения [4].

Рассмотрим акустические потоки около препятствий. Здесь необходимо учитывать соотношение между размером препятствия и толщиной акустического пограничного слоя: $a > \delta$ и $a < \delta$, $\delta = \sqrt{\nu/\omega}$. В первом случае характерным параметром изменения скорости является δ , поэтому соотношение для оценки скорости потока будет $\nu U/\delta^2 \sim V_0^2/a$, откуда $U \sim V_0^2/a\omega$. Такой же порядок скорости получен для потоков около цилиндра и сферы при малых амплитудах колебаний в работах [5, 6]. Если $a < \delta$, то $\nu U/a^2 \sim V_0^2/a$ и $U \sim V_0^2 a/\nu$, что совпадает с решением $A/a < 1$, приведенным в работе [7]. Следовательно, порядок величины скорости потоков при амплитудах смещения, превосходящих размер тела, тот же, что и для бесконечно малых амплитуд звукового поля.

При больших потоковых числах Re уравнение стационарных потоков будет $\rho_0 (U \nabla) U = -\nabla p + F$. Тогда для плоской волны $U^2 a \sim \alpha V_0^2$ и $U \sim V_0$. Линейная зависимость скорости потока от величины звукового давления наблюдалась экспериментально [8]. Если около препятствия развиваются такие потоки, что $\text{Re}_{\text{пот}} > 1$, то $U^2/a \sim V_0^2/a$ и $U \sim V_0$. Заметим, что такие потоки могут иметь место только около достаточно больших препятствий. Вокруг аэрозольных частиц при реальных уровнях звукового давления возникают потоки, для которых $\text{Re}_{\text{пот}}$ всегда остается меньше единицы.

ЛИТЕРАТУРА

1. Л. К. З а р е м б о. Акустические течения. В кн. Физика и техника мощного ультразвука, т. 2, под ред. Л. Д. Розенберга, М., «Наука», 1968.
2. К. А. Н а у г о л ь н ы х. Поглощение волн конечной амплитуды. Там же.
3. Ю. Г. С т а т н и к о в. Потоки, вызванные звуком конечной амплитуды. Акуст. ж., 1967, 13, 1, 146–148.
4. С. E s k a r t. Vortices and stream caused by sound waves. Phys. Rev., 1948, 73, 1, 68.
5. J. M. A n d r e s, U. I n g a r d. Acoustic streaming of high Reynolds numbers. J. Acoust. Soc. America, 1953, 25, 5, 928–932.
6. С. M. L a n e. Acoustic streaming in the vicinity of a sphere. J. Acoust. Soc. America, 1955, 27, 6, 1082–1086.
7. N. R i l e y. On a sphere oscillating in a viscous fluid. Quart. J. Mech. and Appl. Math., 1966, 19, 4, 461–472.
8. В. А. А к у л и ч е в, Л. Д. Р о з е н б е р г, М. Г. С и р о т ю к. Certains relation dans le champ de la cavitation ultra-sonore. Proc. 5 Intern. Congr. Acoust., E64, Liege, 1965.

Акустический институт
Академии наук СССР

Поступила
25 декабря 1972 г.