

УДК 534.26

## УЛЬТРАЗВУКОВОЙ КОНТРОЛЬ ГЕОМЕТРИЧЕСКИХ ПАРАМЕТРОВ КОСОУГОЛЬНОЙ РЕШЕТКИ

© 1995 г. И. А. Урусовский

Акустический институт им. Н.Н. Андреева РАН

117036 Москва, ул. Шверника, 4

Поступила в редакцию 05.09.94 г.

Представляет практический интерес использовать ультразвуковой контроль геометрических параметров косоугольной двоякопериодической решетки, заделанной в пластинку. В частности, такой контроль желательно применить для решетки, образованной волокнами, эквидистантно расположенными в двух параллельных плоскостях внутри пластинки, когда в каждой из этих плоскостей волокна ориентированы вдоль своего направления. В связи с этим рассмотрим ориентацию пространственных спектров, дифрагированных на косоугольной двоякопериодической решетке с периодами  $d$  и  $l$  по двум направлениям в плоскости пластинки, составляющим угол  $\theta$  в этой плоскости. Ось  $x$  декартовой системы координат  $x, y, z$  ориентируем по первому направлению, ось  $z$  — по нормали к пластинке. Звуковое давление в падающей на пластинку плоской волне зададим в виде

$$p_i(x, y, z) = \exp[i(k_x^0 x + k_y^0 y - (k^2 - (k_x^0)^2 - (k_y^0)^2)^{1/2} z)],$$

где  $k_x^0$  и  $k_y^0$  — компоненты волнового вектора падающей волны по осям  $x$  и  $y$  соответственно. Дифрагированное поле звукового давления на передней и задней сторонах пластинки имеет следующий вид:

$$p_s^\pm(x, y) = \exp[i(k_x^0 x + k_y^0 y)] \psi^\pm(x, y).$$

Здесь  $\psi^\pm(x, y)$  — двоякопериодическая функция, для которой

$$\begin{aligned} \psi^\pm(x, y) &= \psi^\pm(x_1 + y \operatorname{ctg} \theta, y) = \\ &= \psi^\pm[x_1 + md + (y + nl \sin \theta) \operatorname{ctg} \theta, y + nl \sin \theta], \end{aligned}$$

где  $x_1 = x - y \operatorname{ctg} \theta$ ,  $m$  и  $n$  — целые числа. Эта функция периодична по  $x_1$  с периодом  $d$  и по  $y$  с периодом  $l \sin \theta$ . Поэтому она может быть разложена в двойной ряд Фурье

$$\psi^\pm(x, y) = \sum_{n, m} \psi_{nm}^\pm \exp(inq_x x_1 + mq_y y),$$

где

$$q_x = 2\pi/d, \quad q_y = 2\pi/(l \sin \theta),$$

или

$$\psi^\pm(x, y) = \sum_{n, m} \psi_{nm}^\pm \exp[inq_x x + i(mq_y - nq_x \operatorname{ctg} \theta) y].$$

При этом дифрагированное поле вне пластинки принимает вид

$$p_s^\pm(x, y, z) = \sum_{n, m} \psi_{nm}^\pm \exp \{ i [ (k_x^0 + nq_x) x + (k_y^0 + mq_y - nq_x \operatorname{ctg} \theta) y \pm k_z^{nm} z ] \},$$

где

$$k_z^{nm} = [k^2 - (k_x^0 + nq)^2 - (k_y^0 + mq_y - nq_x \operatorname{ctg} \theta)^2]^{1/2},$$

$\psi_{nm}^\pm$  — комплексные амплитуды пространственных спектров, верхний знак соответствует точке наблюдения перед пластинкой, нижний — за пластинкой. Таким образом, косинусы углов, образованных нормалью к фронтам дифрагированных плоских волн с осями  $x, y$  и  $z$ , соответственно равны

$$\begin{aligned} \alpha_{nm} &= (k_x^0 + nq_x)/k, \\ \beta_{nm} &= (k_y^0 + mq_y - nq_x \operatorname{ctg} \theta)/k, \quad \gamma_{nm} = \pm k_z^{nm}/k. \end{aligned} \quad (1)$$

Ориентация фронтов этих волн может быть экспериментально определена посредством акустической линзы. Если ось линзы совместить с направлением распространения одной из дифрагированных волн, то соответствующий пучок лучей соберется в фокусе линзы. Резкое увеличение интенсивности звука в фокусе линзы и служит признаком указанного совмещения. Определив таким образом направляющие косинусы  $\alpha_{nm}$  и  $\beta_{nm}$ , из (1) найдем

$$\begin{aligned} d &= 2\pi n / (k\alpha_{nm} - k_x^0), \\ l &= 2\pi m / \left[ (k\beta_{nm} - k_y^0) \sin \theta - \frac{2\pi n}{d} \cos \theta \right]. \end{aligned} \quad (2)$$

Определив  $d$  из первого уравнения,  $l$  и  $\theta$  найдем из второго для двух различных пар индексов  $m, n$ . В частности,

$$\operatorname{ctg} \theta = \frac{kd}{2\pi(n-s)} (\beta_{nm} - \beta_{sm}), \quad n \neq s, \quad m \neq 0.$$

Предпочтительнее, очевидно, находить искомые параметры  $d, l$  и  $\theta$  методом наименьших квадратов из уравнений системы (2) для всех пар индексов  $n, m$ , для которых  $k_z^{nm}$  вещественно, что соответствует однородным пространственным дифракционным спектрам.

При нормальном падении на пластинку облучающей волны пространственные спектры с индексом  $n = 0$  ориентированы в плоскости, перпендикулярной оси  $x$ , а в общем случае  $\alpha_{0m}$  одинаковы для всех  $m$ , и тогда спектры с индексом  $n = 0$

ориентированы в направлениях, являющихся образующими кругового конуса, ось которого и является осью  $x$ .

Таким образом, геометрия ячейки кривой решетки определяется только ориентацией пространственных дифрагированных спектров и не зависит от распределения их амплитуд, подобно тому как параметры элементарной ячейки кристалла определяются только положением пятен на рентгенограмме. Распределение же амплитуд зависит от физических свойств рассеивателей (плотности, показателя преломления) и их распределения по элементарной ячейке решетки и дает возможность для решения соответствующей обратной задачи.

Автор выражает благодарность Л.М. Лямшеву за указание на актуальность рассмотренной проблемы.